

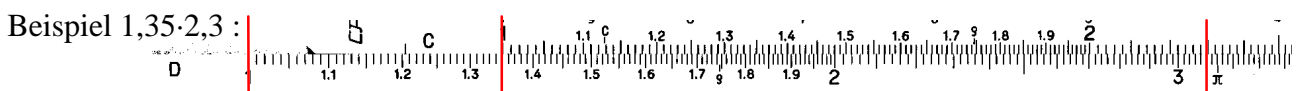
Bei den folgenden Anwendungen gilt grundsätzlich: Der Rechenstab liefert nur ca. 3 führende Stellen des Ergebnisses, nicht jedoch die Zehnerpotenz. Die muss der Anwender selbst in einer Überschlagrechnung ermitteln.

Multiplizieren

Mathematik: Man berechnet das Produkt $a \cdot b = x$ durch

- a) Logarithmieren: $\lg(a \cdot b) =$
- b) Vereinfachen: $\lg(a) + \lg(b) = c$
- c) Delogarithmieren: $x = 10^c$

Rechenstab: Man addiert die Logarithmen der beiden Faktoren als Streckenaddition und liest dann bei der Streckensumme das Ergebnis ab:



Man schiebt die 1 der Skala C über die 1,35 der Skala D. Unter der 2,3 der Skala C liest man auf Skala D das Ergebnis 3,1 ab.

Genau so kann man auch $13,5 \cdot 230$ berechnen:

Überschlag: $14 \cdot 200 = 2800$, führende Stellen: 31, Ergebnis also 3100.

Ist das Ergebnis nicht abzulesen, weil unter der 10 der Skala C keine Zahl bei D mehr steht, wird die 10 der Skala C über den ersten Faktor auf der Skala D gestellt.



C-10 über D-7, bei C-6 das Ergebnis 4,2 auf D ablesen.

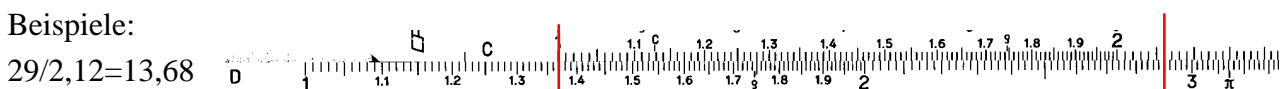
Überschlagsrechnung gibt das Ergebnis 42.

Dividieren

Mathematik: Man berechnet den Quotienten $a/b = x$ durch

- a) Logarithmieren: $\lg(a/b) =$
- b) Vereinfachen: $\lg(a) - \lg(b) = c$
- c) Delogarithmieren: $x = 10^c$

Rechenstab: Man subtrahiert die Logarithmen als Strecken voneinander und liest dann bei 1 oder 10 auf der C-Skala das Ergebnis auf der D-Skala ab.



Quadrieren und Quadratwurzel-Ziehen

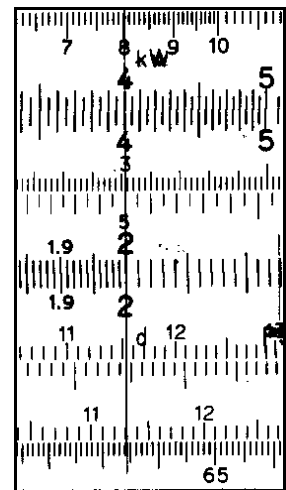
Hier benutzte Rechengesetze: $\lg x^2 = 2 \cdot \lg x$ und $\lg \sqrt{x} = \lg x^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \cdot \lg x$

Auf den Skalen A und B ist die jedem Logarithmus zugewiesene Länge nur halb so groß wie auf den Skalen C und D. Beispiel: Der Abstand zwischen den Zahlen 1 und 3 beträgt auf den Skalen A und B knapp 6cm, auf den Skalen C und D knapp 12cm.

Beim senkrechten Übergang (gut mit dem Reiter zu sehen) von den Skalen C und D zu den Skalen A und B liest man auf A und B also die Strecken für den doppelten Logarithmus ab wie auf den Skalen C und D.

Beispiele: Über der 2 (entspricht der Länge $\lg 2$) auf den Skalen C und D findet man auf den Skalen

A und B die 4 (entspricht der Länge $\lg 4 = \lg 2^2 = 2 \cdot \lg 2$),
 ebenso steht über der 5 (d.h. $\lg 5$) die 25 (d.h. $\lg 25 = \lg 5^2 = 2 \cdot \lg 5$),
 also allgemein steht über der Zahl x auf den Skalen C und D die Zahl x^2 auf
 den Skalen A und B,
 d.h. man quadriert eine Zahl, indem man von einer Zahl auf den Skalen C
 und D senkrecht auf die Skalen A und B übergeht.
 Entsprechend geht man beim Quadrat-Wurzelziehen von den Skalen A und B
 auf die Skalen C und D über.
 Beispiele: Senkrecht unter der Zahl 64 Auf den Skalen A und B steht die 8
 auf den Skalen C und D.



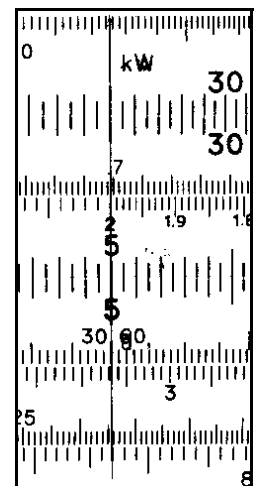
Potenzieren mit 3 und Kubik-Wurzelziehen

Hier benutzte Rechengesetze: $\lg x^3 = 3 \cdot \lg x$ und $\lg \sqrt[3]{x} = \lg x^{\frac{1}{3}} = \frac{1}{3} \cdot \lg x$

Auf der Skala K ist für jeden Logarithmus nur 1/3 so viel Platz wie auf den
 Skalen C und D.

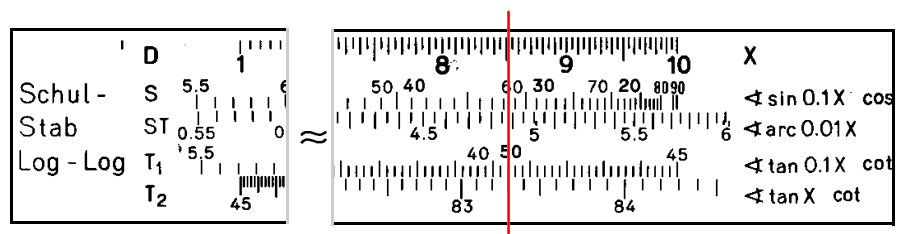
Aus demselben Grund, wie im oberen Abschnitt beschrieben, kann man so
 beim Übergang von den Skalen C und D zur Skala K mit 3 potenzieren und
 mit dem Übergang von Skala K zu den Skalen C und D die 3. Wurzel ziehen.

Beispiele: Über der 3 der D-Skala steht auf der K-Skala die 27. Unter der 125
 auf der K-Skala steht auf der D-Skala die 5.



Werte trigonometrischer Funktionen

Vier Zusatzskalen S, ST, T₁
 und T₂ am unteren Rand des
 Rechenstabes ermöglichen
 zusammen mit der D-Skala
 das Ablesen von sin-, cos-,
 tan-, cot-, arcsin-, arccos-,
 arctan- und arccot-Werten.



Die arc-Werte liest man auf der D-Skala ab, die anderen Werte auf den unteren Skalen, wobei die
 Zahlen für sin und tan von links nach rechts (in schwarz), die Zahlen für cos und cot von rechts
 nach links (in rot) abgetragen sind.

Beispiele für die aktuelle Auswahl (roter Strich):

$\sin 58,4^\circ = \cos 31,6^\circ = 0,852$	und damit	$\arcsin 0,852 = 58,4^\circ$	und	$\arccos 0,852 = 31,6^\circ$
$\sin 4,89^\circ = 0,0852$	und damit	$\arcsin 0,0852 = 4,89^\circ$		
$\tan 40,4^\circ = \cot 49,6^\circ = 0,852$	und damit	$\arctan 0,852 = 40,4^\circ$	und	$\text{arccot } 0,852 = 49,6^\circ$
$\tan 83,3^\circ = \cot 6,7^\circ = 8,52$	und damit	$\arctan 8,52 = 83,3^\circ$	und	$\text{arccot } 8,52 = 6,7^\circ$

Erstellen von Tabellen

Sind Tabellen von proportionalen oder antiproportionalen Größen zu erstellen, geht das mit dem
 Rechenstab sehr einfach:

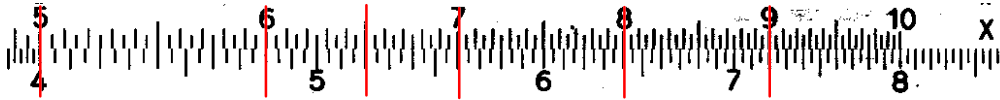
Sind zwei Größen x und y **proportional** ($x \sim y$), so gilt $y = c \cdot x$, wobei c eine Konstante ist.
 Beim Erstellen der Tabelle erhält man also die y -Werte, indem man die Konstante c mit
 verschiedenen x -Werten multipliziert.

Diese fortgesetzte Multiplikation lässt sich wie unter „Multiplizieren“ gezeigt durchführen:
Über den c-Wert auf der Skala D wird die 1 oder die 10 der Skala C gezogen. Darauf kann man unter den x-Werten auf Skala C die y-Werte auf Skala D ablesen.

Beispiel:

$$y = 8 \cdot x$$

x	9	8	7	6	5	6,5
y	72	64	56	48	40	52



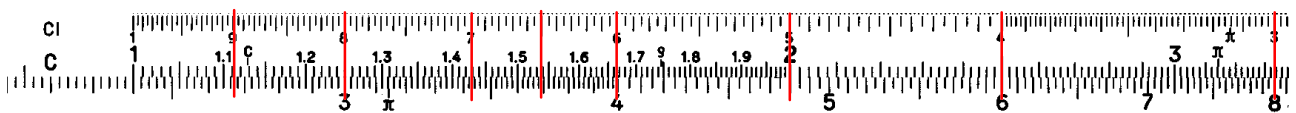
Sind zwei Größen x und y **antiproportional** ($x \sim 1/y$), so gilt $y = c/x$, wobei c eine Konstante ist. Beim Erstellen der Tabelle erhält man also die y-Werte, indem man die Konstante c durch verschiedene x-Werten dividiert bzw. (hier besser) indem man die c-Werte mit dem Kehrwert der x-Werte multipliziert..

Diese fortgesetzte Multiplikation lässt sich wie unter „Multiplizieren“ gezeigt durchführen:
Über den c-Wert auf der Skala D wird die 1 oder die 10 der Skala CI gezogen. Darauf kann man unter den x-Werten auf Skala CI die y-Werte auf Skala D ablesen.

Beispiel:

$$y = \frac{2,4}{x} = 2,4 \cdot \frac{1}{x}$$

x	3	4	5	6	7	8	9	6,5
y	0,8	0,6	0,48	0,4	0,343	0,3	0,667	0,369



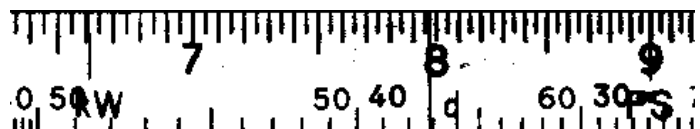
Die Multiplikation und Division wird auf dem Rechenstab durch Addieren bzw. Subtrahieren von Strecken realisiert. Da bei der Erzeugung von Tabellen proportionaler und antiproportionaler Größen immer mit derselben Zahl multipliziert bzw. durch dieselbe Zahl dividiert wird, muss also jeweils dieselbe Strecke addiert, bzw. subtrahiert werden. Für zwei Anwendungen ist eine solche Strecke auf dem Läufer eingraviert:

1. Umrechnung von PS in kW und kW in PS

$$\text{Es gilt: } 1 \text{ PS} = 0,736 \text{ kW}$$

Um von PS nach kW umzurechnen, muss also der PS-Wert mit 0,736 multipliziert

werden. Dieser Faktor ist als Strecke des Logarithmus von 0,736 zwischen den Markierungen PS und kW auf dem Läufer festgelegt. Soll der Wert 90 PS in kW umgerechnet werden, zieht man also die PS-Marke auf die 9 der D-Skala und liest dann an der kW-Marke den Wert 66,2 auf der D-Skala ab. Ebenso erhält man durch Einstellen von kW-Werten auf der D-Skala die entsprechenden PS-Werte unter der PS-Markierung.



2. Berechnung des Flächeninhaltes A eines Kreises mit dem Durchmesser d

Es gilt: $A = \pi \cdot \frac{d^2}{4}$. Ist d bekannt, muss dieser Wert zunächst quadriert werden und dann noch mit $\pi/4$ multipliziert werden.

Auf dem Rechenstab stellt man dazu d auf der D-Skala ein, geht senkrecht über zur A-Skala (Quadrieren s.o.) und multipliziert auf der A-Skala mit $\pi/4$ durch Abtragen der entsprechenden Strecke.

Da diese Strecke unabhängig vom gewählten d ist, hat man sie auf dem Läufer eingraviert. Somit gibt d auf der D-Skala den Kreisflächeninhalt q auf der A-Skala und umgekehrt bei Einstellen vom Flächenwert bei q auf der A-Skala den Durchmesser d auf der D-Skala.

